




علوی

فیزیک ۲ (پایه یازدهم)

شهریار نعمیم آبادی 

مجموعه کتابهای همراه علوی

سخن‌ناشر

به نام آن که هستنی نام از او یافت




کتاب پیش رو، مجموعه‌ای از اهم مباحث و نکات تحت عنوان درس‌نامه و همچنین تعداد قابل توجهی سؤال چهار گزینه‌ای تألیفی و گردآوری شده توسط برترین مدرسان کشور می‌باشد. شبان به ذکر است تقریباً تمام سؤالات کنکورهای سراسری سال‌های گذشته نیز که با کتاب جدید همخوان هستند، در این کتاب گردآوری شده است. برای تمامی سؤالات، پاسخ‌نامه تشریحی کامل در اختیار شماست و در تمام قسمت‌ها، مؤلفین محترم نکته‌ای آموزشی و تحلیلی را نیز به پاسخ‌نامه اضافه کرده که این امر سبب شده است تا این کتاب، علاوه بر از ایجاد آشنایی مخاطب با نحوه پرسش و الگوی پاسخ‌گویی، به یادگیری و تکمیل اطلاعات علمی دانش‌آموز نیز کمک کند؛ و مهم‌تر از همه این‌که در تمام سؤالات و پاسخ‌ها، الگوی استاندارد سؤالات کنکور در اولویت قرار داشته است.

از شما نیز خواهش می‌کنیم تا ایده‌ها و فکرهای بکر خود را در زمینه ارتقاء و بهبود این کتاب آموزشی با ما در میان بگذارید. امیدواریم این کتاب قدمی، هر چند کوچک، در مسیر فراگیری علم و رشد آموزشی ایران عزیزمان باشد.

راهنمای استفاده از کتاب:

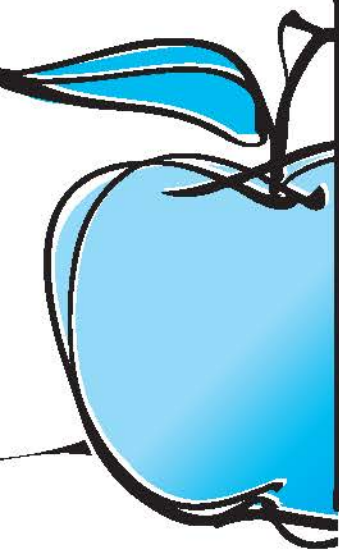
۱) ابتدا جزوه آموزشی دبیر خود را به‌عنوان منبع اصلی و پس از آن، درس‌نامه هر قسمت را که در شروع فصل آمده، با دقت مطالعه کنید.

در جریان باشید که:

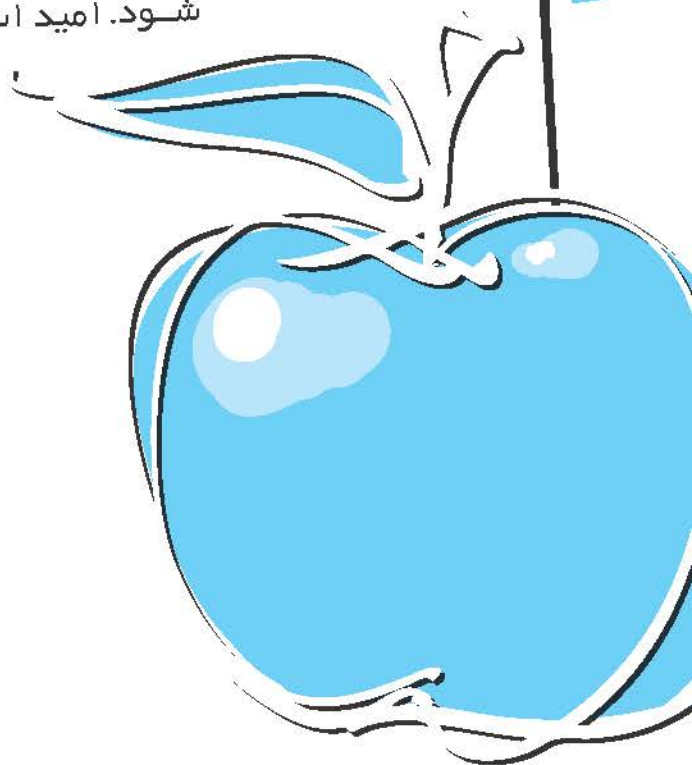
سطح سؤالات در پاسخ‌نامه مشخص شده است که جهت ارزیابی و تخمین زمان پاسخ‌گویی می‌توانید از آن‌ها استفاده کنید. سؤالات آسان با نماد ، سؤالات متوسط با نماد  و سؤالات دشوار با نماد  مشخص شده است.

شماره سؤالاتی که با رنگ خاکستری مشخص شده‌اند، تئوریتی می‌باشند.

۲) در آخر هر فصل، سؤالات جامع و ترکیبی همان فصل با عنوان آزمون قرار داده شده است؛ از این آزمون‌ها نیز جهت ارزشیابی و سنجش میزان یادگیری می‌توانید بهره ببرید.



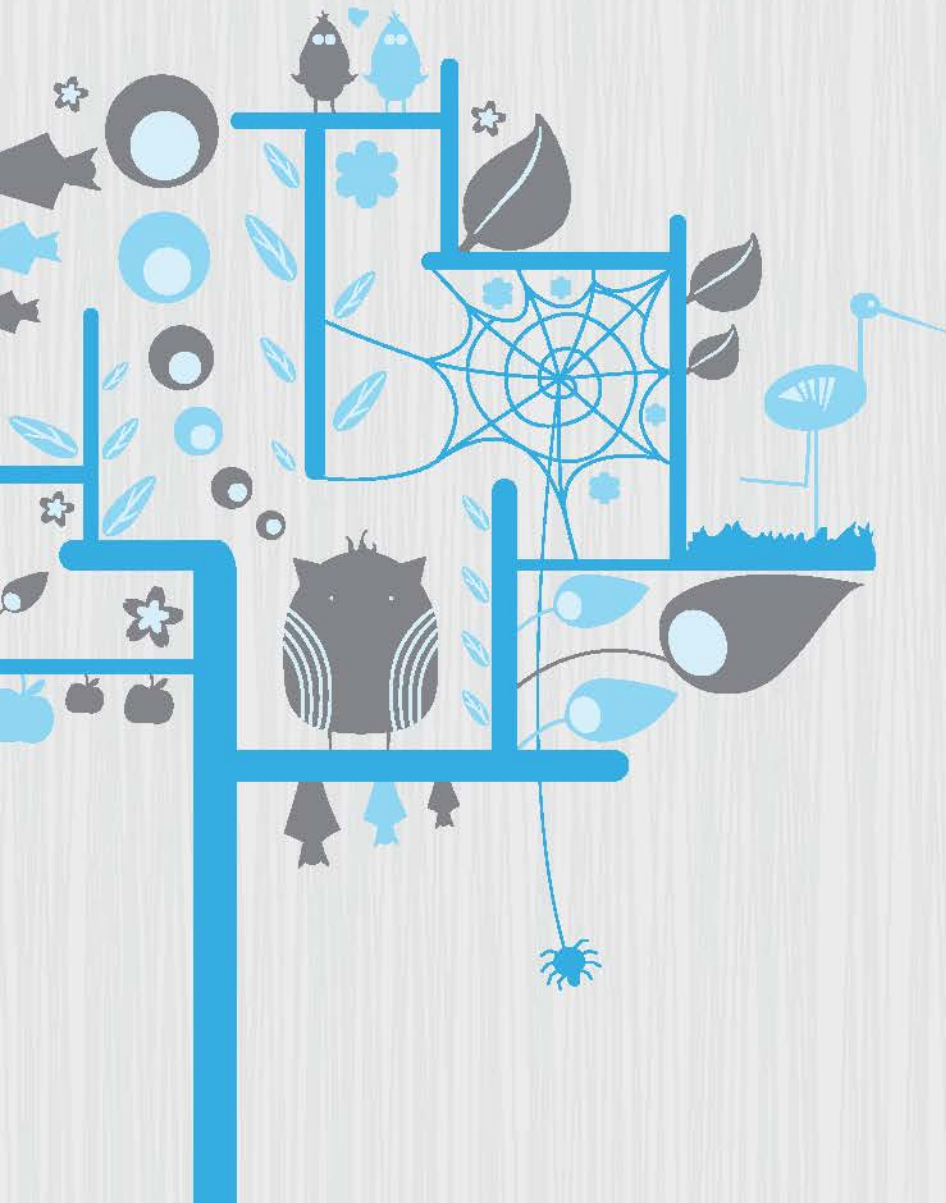
کتاب حاضر همسو با کتاب درسی جدید تألیف شده است. در این کتاب تأکید اصلی بر پرورش قدرت تفکر و تعقل و رشد و توانایی حل مسئله است. ضمن این که درس و نکات نیز به صورت کامل توضیح داده شده است و به طور خلاصه سعی شده است فرصت یادگیری به دانش آموز برای کشف مفهوم مطالب داده شود. امید است که توانسته باشیم قدم کوچکی در راستای آموزش فیزیک به دانش آموزان عزیز برداشته باشیم.



تقدیم به:

همه آن‌ها که تا امروز در مسیر آموزش تلاش کرده‌اند. (■)

و شما که قرار است در آینده نزدیک، نقش علمی مهمی ایفا کنید. (■)



فهرست

۷ فصل اول: الکتروسیپته ساکن



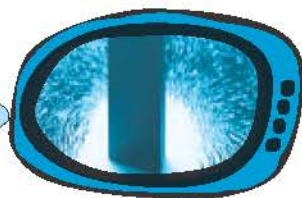
۹۰ فصل دوم: جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم



۱۷۹ فصل سوم: مغناطیس



۲۴۰ فصل چهارم: القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب



۲۹۳ آزمون‌های جامع





فصل اول

الکتریسیته ساکن

TP - Test	?
<p>۵ → ۶ → ۱۰ → ۱۵ → ۲۲</p>	<p>۲۲ → ۲۵ → ۲۶ → ۴۲</p>
<p>۵۵ ← ۴۷ ← ۳۸ ← ۲۶ ← ۲۲</p>	<p>۶۲ ← ۶۱ ← ۵۹ ← ۲۸</p>
<p>۶۰ → ۶۳ → ۶۵ → ۷۱ → ۷۶</p>	<p>۶۴ → ۶۶ → ۷۲ → ۸۸</p>
<p>۱۰۳ ← ۹۹ ← ۹۴ ← ۸۵ ← ۷۸</p>	<p>۱۲۲ ← ۱۱۸ ← ۱۱۰ ← ۹۷</p>
<p>۱۰۹ → ۱۱۱ → ۱۱۳ → ۱۱۶ → ۱۲۰</p>	<p>۱۴۸ → ۱۵۲ → ۱۵۴ → ۱۵۵</p>
<p>۱۳۳ ← ۱۳۶ ← ۱۳۳ ← ۱۲۹ ← ۱۲۷</p>	<p>۲۰۷ ← ۱۸۰ ← ۱۷۵ ← ۱۷۳</p>
<p>۱۴۵ → ۱۵۰ → ۱۶۰ → ۱۶۵ → ۱۷۲</p>	<p>۲۱۵ → ۲۱۸ → ۲۲۳ → ۲۲۷</p>
<p>۱۹۳ ← ۱۹۰ ← ۱۸۶ ← ۱۸۱ ← ۱۷۶</p>	<p>۲۳۶ ← ۲۳۳ ← ۲۳۹ ← ۲۳۷</p>
<p>۱۹۹ → ۲۰۴ → ۲۰۹ → ۲۱۳ → ۲۲۲</p>	
<p>۲۳۷ ← ۲۳۸ ← ۲۳۶ ← ۲۳۹ ← ۲۲۵</p>	



۱ $q = \pm ne, e = 1/6 \times 10^{-19} C, n = 1, 2, 3, \dots$

q: بار الکتریکی مبادله شده بین دو جسم (C)
e: بار بنیادی (پایه)
n: تعداد بار بنیادی

✎ علامت منفی برای زمانی است که جسم الکترون بگیرد و علامت مثبت برای زمانی است که جسم الکترون از دست بدهد.

۲ $F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2}$

q_1 و q_2 : بارهای الکتریکی دو بار نقطه‌ای (C)
k: ثابت کولن $(\frac{N \cdot m^2}{C^2})$

$K = 9 \times 10^9 (\frac{N \cdot m^2}{C^2})$

r: فاصله بین دو بار (m)

F: نیروی الکتریکی بین دو بار (N)

۳ $\frac{F'}{F} = \frac{|q_1'| \times |q_2'|}{|q_1| \times |q_2|} \times (\frac{r}{r'})^2$

F': نیروی بین دو بار در حالت دوم (N)

F: نیروی بین دو بار در حالت اول (N)

q_1' ، q_2' : بارهای الکتریکی دو بار نقطه‌ای در حالت دوم (C)

r': فاصله بین دو بار در حالت دوم (m)

q_1 ، q_2 : بارهای الکتریکی دو بار نقطه‌ای در حالت اول (C)

r: فاصله بین دو بار در حالت اول (m)

✎ هرگاه دو بار الکتریکی برحسب μC و فاصله برحسب cm باشد، نیروی کولنی که دو بار به هم وارد می‌کنند به صورت زیر است که دیگر تبدیل واحدها را نمی‌نویسیم و از عدد 9×10^9 استفاده می‌کنیم:

$F = \frac{9 \times |q_1| |q_2|}{r^2}$

۴ $x = \frac{r}{\sqrt{\frac{q_2}{q_1} \pm 1}}$

x: فاصله نقطه‌ای از بار کوچکتر که اگر بار سومی در آن نقطه قرار دهیم، برابری نیروهای وارد بر آن صفر می‌شود. (m)

r: فاصله بین دو بار اولیه (m)

✎ علامت + برای دو بار اولیه همنام و علامت منفی برای دو بار اولیه ناهمنام به کار می‌رود

۵ $E = \frac{F}{q_0}$

F: نیروی وارد بر بار آزمون (N)

q_0 : بار آزمون (C)

E: میدان الکتریکی $(\frac{N}{C})$



$$⑥ E = \frac{k|q|}{r^2}$$

q: بار مولد میدان الکتریکی (C)

r: فاصله نقطه‌ای که در آن میدان الکتریکی از بار مولد به دست می‌آید (m).

$$⑦ \frac{E_r}{E_\lambda} = \left(\frac{r_\lambda}{r_r}\right)^2$$

$$⑧ F_E = W \Rightarrow q = \frac{mg}{E}$$

m: جرم ذره باردار (kg)

E: میدان الکتریکی ($\frac{N}{C}$)

$$⑨ X = \frac{r}{\sqrt{\frac{q_r}{q_\lambda} \pm 1}}$$

q: بار الکتریکی ذره باردار (C)

X: فاصله نقطه‌ای از بار کوچک‌تر که برآیند میدان‌ها در آن نقطه برابر صفر می‌شود

r: فاصله بین دو بار

علامت + برای زمانی است که دو بار هم‌نام و علامت منفی برای زمانی که دو بار ناهم‌نام باشند به کار می‌رود.

$$⑩ F = |q|E$$

F: نیروی الکتریکی وارد بر بار الکتریکی در یک میدان الکتریکی (N)

E: میدان الکتریکی ($\frac{N}{C}$)

$$⑪ \sigma = \frac{Q}{A} \xrightarrow{\text{رسانا به شکل کره}} \sigma = \frac{Q}{4\pi r^2}$$

σ : چگالی سطحی ($\frac{C}{m^2}$)

Q: بار الکتریکی موجود در سطح رسانا (C)

$$⑫ \frac{\sigma_r}{\sigma_\lambda} = \frac{Q_r}{Q_\lambda} \times \frac{A_\lambda}{A_r}$$

A: مساحت سطحی که روی آن بار توزیع شده است (m^2).

r: شعاع کره رسانا

$$⑬ \frac{\sigma_r}{\sigma_\lambda} = \frac{Q_r}{Q_\lambda} \times \left(\frac{r_\lambda}{r_r}\right)^2$$

$$⑭ \Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-\Delta K}{q} = \frac{W_{\text{خارجی}}}{q} = \frac{-W_E}{q}$$

ΔV : اختلاف پتانسیل الکتریکی (V)

ΔU : تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی (J)

$W_{\text{خارجی}}$: کار انجام شده بر روی بار الکتریکی توسط نیروی خارجی (J)

ΔK : تغییرات انرژی جنبشی بار الکتریکی (J)

W_E : کار انجام شده بر روی بار الکتریکی توسط میدان الکتریکی (J)

$$15) E = \frac{V}{d} \Rightarrow V = Ed$$

$$16) C = \frac{Q}{V}$$

$$17) C = \kappa C_0, C_0 = \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow C = K \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

$$18) U_{\text{خازن}} = \frac{1}{2} CV = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

$$19) P = \frac{U}{t}$$

V: اختلاف پتانسیل بین دو صفحه تخت رسانا (V)
E: میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه تخت رسانا ($\frac{V}{m}$)

d: فاصله بین دو صفحه تخت رسانا

C: ظرفیت خازن (F)

Q: بار الکتریکی ذخیره شده در خازن (C)

V: اختلاف پتانسیل دو سر خازن (V)

C: ظرفیت خازن (F)

ϵ_0 : ضریب گذردهی الکتریکی خلأ

K: ثابت دی الکتریک

A: مساحت صفحه‌های خازن

d: فاصله بین دو صفحه خازن (m)

C_0 : ظرفیت خازن تخت بدون دی الکتریک ($K = 1$)

U: انرژی پتانسیل الکتریکی ذخیره شده در خازن (J)

P: توان الکتریکی (W)

U: انرژی پتانسیل الکتریکی (J)

t: زمان (s)



درس ۱ بار الکتریکی، قانون کولن

یکی از خواص فیزیکی اجسام بار الکتریکی می‌باشد که بار الکتریکی به دو نوع مثبت و منفی تقسیم می‌شوند. بار الکتریکی پروتون‌ها در درون هسته را مثبت و بار الکتریکی الکترون‌ها منفی نامیده شده‌اند که از نظر اندازه با یکدیگر برابرند. نوترون‌ها در درون هسته بدون بارند.

نیروی الکتریکی بین دو بار هم‌نام (هم‌علامت)، رانشی (دافعه) و بین دو بار ناهم‌نام (مختلف‌العلامت)، ریایشی (جاذبه) است.

تعداد الکترون‌ها و تعداد پروتون‌های اتم‌های یک جسم خنثی با یکدیگر برابرند. پروتون‌ها در هسته اتم، جابه‌جا نمی‌شوند (چون پروتون‌ها بسیار دشوار است). اگر به روشی به یک جسم خنثی، الکترون اضافه شود، آن جسم دارای بار الکتریکی منفی خواهد شد و اگر الکترون گرفته شود، دارای بار مثبت می‌شود.

جسم باردار می‌تواند جسم خنثی را جذب کند.

بار الکتریکی کمیته عددی (زردهای یا اسکالر) می‌باشد که با نماد q نمایش داده می‌شود.

یکای بار الکتریکی در SI، کولن (C) است.

اندازه بار یک الکترون و یا یک پروتون 1.6×10^{-19} کولن است.

قانون پایستگی بار الکتریکی بیان می‌کند که بار الکتریکی به‌وجود نمی‌آید و از بین نمی‌رود، اما می‌تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود.

بار الکتریکی کمیته کوانتیده (گسسته) است. بدین معنا که بر اثر مالش دو جسم به یکدیگر تعدادی الکترون از یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شود. جسمی که الکترون از دست می‌دهد، دارای بار مثبت و جسمی که الکترون دریافت می‌کند، بار منفی می‌یابد. بار الکتریکی مبادله شده بین دو جسم، همواره مضرب درستی از بار الکترون (بار بنیادی) است. اگر بار الکترون را با نماد e نشان دهیم، بار جسم باردار برابر می‌شود با:

$$q = \pm ne \quad (n = 0, 1, 2, \dots)$$

تعداد الکترون‌هایی که جسم گرفته یا
از دست داده است.

مثال: کدام یک از مقادیر داده شده نمی‌تواند بار الکتریکی یک جسم برحسب کولن باشد؟

$$q_1 = 0.24 \text{ C} \quad (1) \quad q_2 = 16 \times 10^{-17} \text{ C} \quad (2) \quad q_3 = 4/8 \times 10^{-19} \text{ C} \quad (3) \quad q_4 = 6/4 \times 10^{-20} \text{ C} \quad (4)$$

پاسخ: گزینه «۴»

طبق رابطه $q = \pm ne$ و با توجه به کوانتومی بودن بار الکتریکی، n می‌بایست عدد صحیح باشد:

$$n_1 = \frac{q_1}{e} = \frac{0.24}{1.6 \times 10^{-19}} = 15 \times 10^{17} \checkmark$$

$$n_2 = \frac{q_2}{e} = \frac{16 \times 10^{-17}}{1.6 \times 10^{-19}} = 1000 \checkmark$$

$$n_3 = \frac{q_3}{e} = \frac{4/8 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = 3 \checkmark$$

$$n_4 = \frac{q_4}{e} = \frac{6/4 \times 10^{-20}}{1.6 \times 10^{-19}} = 4 \times 10^{-1} = 0.4 \times$$

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

اجسام از نظر بار الکتریکی به ۴ دسته زیر تقسیم می‌شوند:

- ۱- رساناها: دارای تعداد زیاد الکترون آزاد می‌باشند که به راحتی می‌توانند جابه‌جا شوند؛ مانند فلزات.
- ۲- نارساناها: فاقد الکترون آزاد می‌باشند، لذا اگر به این اجسام، بار بدهیم، بار در همان محل باقی می‌ماند؛ مانند چوب و شیشه.
- ۳- نیم‌رساناها: رسانایی این اجسام بیشتر از نارسانا و کمتر از رسانا می‌باشد؛ مانند ژرمانیم، سیلیسیم.
- ۴- ابررساناها: هیچ مقاومتی در برابر عبور جریان نخواهند داشت.

برای باردار کردن اجسام، ۳ روش وجود دارد:

۱ روش مالش: مخصوص اجسام نارسانا می باشد. اگر دو جسم نارسانا را مالش دهیم، یک جسم الکترون از دست می دهد و جسم دیگر الکترون می گیرد (پارچه پشمی (بار +) و میله پلاستیکی (بار -))، (پارچه لبریشمی (بار -) و میله شیشه‌ای (بار +)).

یادآوری: تیغه ابوییتی (پلاستیکی) در اثر مالش بار منفی به دست می آورد.

۲ روش تماس: اگر یک جسم رسانا یا نارسانای خنثی را به جسم باردار تماس دهیم، جسم رسانا یا جسم خنثی به صورت هم نام با جسم باردار دارای بار الکتریکی می باشد حال اگر جسم مورد نظر رسانا باشد، بار گرفته شده در سطح خارجی آن پخش می شود و اگر جسم خنثی باشد، بار گرفته شده در محل بقای خواهد ماند. هرگاه دو کره رسانای هم اندازه را که دارای بارهای الکتریکی q_1 و q_2 هستند به یکدیگر تماس داده و سپس جدا کنیم، بار الکتریکی هر کره پس از تماس

$$q' = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

برابر است با:

(q_1 و q_2 با علامت در فرمول قرار داده شود).

اگر دو کره رسانا غیر هم اندازه باشند، بار به نسبت شعاع کره‌ها توزیع می گردد، لذا با استفاده از معادلات زیر می توان بار جدید هر یک از کره‌ها را به دست آورد.

۱ اصل پایستگی بار) $q'_1 + q'_2 = q_1 + q_2$

۲ شعاع کره (۱) $\frac{q'_1}{r_1} = \frac{q'_2}{r_2}$
 شعاع کره (۲) $\frac{q'_1}{r_1} = \frac{q'_2}{r_2}$

(q'_1 و q'_2 بار جدید کره‌های اول و دوم می باشند).

مثال: دو کره رسانای هم اندازه A و B دارای بار الکتریکی $q_A = +28 \mu C$ و $q_B = -36 \mu C$ روی دو پایه عایقی قرار دارند. اگر این دو کره را توسط یک سیم فلزی به یکدیگر وصل کنیم، چند الکترون بین آنها جابه‌جا می شود؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

- ۱) 4×10^{14} ۲) 2×10^{14} ۳) 6×10^{14} ۴) 10^{14}

پاسخ: گزینه «۳»

$$q' = \frac{q_A + q_B}{2} = \frac{+28 - 36}{2} = -4 \mu C$$

کره A، به اندازه $-32 \mu C = -28 - 4$ بار منفی دریافت کرده است.

$$q = -ne \Rightarrow -32 \times 10^{-6} = -n \times 1.6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 20 \times 10^{13} = 2 \times 10^{14}$$
 الکترون

مثال: دو کره رسانا دارای بارهای $q_1 = +6 \mu C$ و $q_2 = -4 \mu C$ می باشند. اگر دو کره را با هم تماس داده و شعاع کره (۱)، دو برابر شعاع کره (۲) باشد، بار نهایی کره (۱) و (۲) به ترتیب از راست به چپ چند μC می شود؟

- ۱) $\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$ ۲) $\frac{2}{3}, \frac{1}{3}$ ۳) $\frac{4}{3}, \frac{2}{3}$ ۴) $\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$

پاسخ: گزینه «۱»

اگر دو کره هم اندازه نباشند:

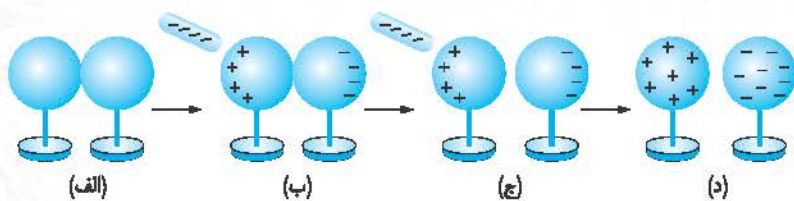
$$q'_1 + q'_2 = q_1 + q_2 \Rightarrow q'_1 + q'_2 = 2 \mu C \quad (1)$$

$$\frac{q'_1}{r_1} = \frac{q'_2}{r_2} \Rightarrow \frac{q'_1}{r_1} = 2 \Rightarrow q'_1 = 2q'_2 \quad (2)$$

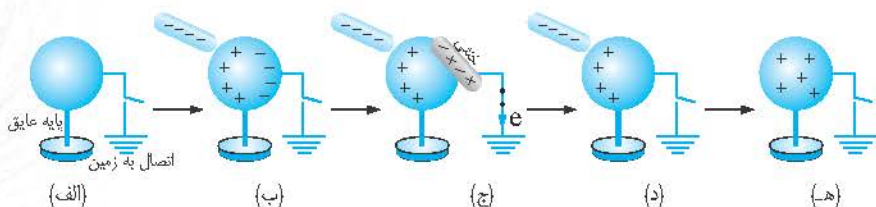
$$\begin{aligned} \xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} q'_1 + q'_2 = 2 \mu C \\ q'_1 = 2q'_2 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} q'_2 = \frac{2}{3} \mu C \\ q'_1 = \frac{4}{3} \mu C \end{cases} \end{aligned}$$



۳ روش القا: این روش در اجسام رسانا بهتر انجام می‌گیرد
(الف) القا بین دو کره:



✖ بار ایجاد شده در این روش در دو کره، هم‌اندازه و ناهم‌نام می‌باشد و به اندازه و به شکل اجسام رسانا بستگی ندارد.
(ب) القا در یک کره:



✖ بار ایجاد شده در کره، مخالف بار میله است.
✖ جدول «سری الکتروسیسته مالشی» یا تریپو الکترونیک:

انتهای مثبت سری
صوی انسان
شیشه
نایلون
پشم
صوی گربه
سُرب
لبریشم
آلومینیوم
پوست انسان
کاغذ
چوب
پارچه کتان
کهریا
برنج، نقره
پلاستیک، پلی اتیلن
لاستیک
تفلون
انتهای منفی سری

در این جدول اگر دو جسم با یکدیگر مالش داده شوند، الکترون از جسم بالاتر جدول به اجسامی که پایین‌تر از آن قرار دارند منتقل می‌شود به عبارتی اجسام پایین‌تر جدول الکترون‌خواهی بیشتری دارند، در نتیجه جسمی که به انتهای منفی سری نزدیک است، الکترون می‌گیرد و دارای بار منفی می‌شود. از طرف دیگر جسمی که به انتهای مثبت سری نزدیک‌تر است، با از دست دادن الکترون دارای بار مثبت می‌گردد.
✖ قبلاً با ساختمان الکتروسکوپ (برق‌نما) آشنا شده‌اید با این وسیله می‌توان مشخص نمود که:

- ۱ باردار بودن یک جسم
- ۲ نوع بار یک جسم
- ۳ رسانا یا عایق بودن یک جسم را تعیین کنیم.

اگر قبلاً خود الکتروسکوپ دارای بار مشخصی، مثلاً بار الکتریکی مثبت باشد، به کمک آن می‌توان نوع بار الکتریکی جسم بار داری را معین کنید. اگر با نزدیک کردن جسم باردار، ورقه‌های الکتروسکوپ به‌طور مداوم از هم دور شوند، بار آن جسم با بار الکتروسکوپ (در این مثال بار مثبت) هم‌نام یعنی بار مثبت است، اما اگر با نزدیک کردن جسم باردار به کلاهک الکتروسکوپ، ابتدا ورقه‌های آن به یکدیگر نزدیک شده و روی هم بیفتند و سپس با نزدیک‌تر شدن جسم باردار، ورقه‌ها از هم دور شوند، بار جسم ناهم‌نام با بار الکتروسکوپ یعنی بار منفی خواهد بود.



در محیط اطراف ما، جاذبه الکتریکی بیشتر از دفعه‌های الکتریکی مشاهده می‌شود، زیرا اولاً اجسام باردار، اجسام بدون بار (خنثی) را جذب می‌کنند و ثانیاً بارهای الکتریکی محیط اطراف ما اکثراً با روش مالشی تولید شده‌اند؛ یعنی بارهای ناهم‌نام هستند، بنابراین یکدیگر را جذب می‌کنند.

مثال: یک میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش می‌دهیم و به تدریج به کلاهک الکتروسکوپ نزدیک می‌کنیم. ملاحظه می‌شود ورقه‌های الکتروسکوپ نخست بسته، سپس از هم باز می‌شوند. بار الکتریکی اولیه الکتروسکوپ از چه نوع بوده است؟

- ۱) الزاماً مثبت ۲) الزاماً منفی ۳) خنثی یا مثبت ۴) خنثی یا منفی

پاسخ: گزینه «۱»

می‌دانیم میله پلاستیکی پس از مالش، دارای بار منفی می‌شود چون در ابتدا با نزدیک کردن میله به الکتروسکوپ، از زاویه انحراف ورقه‌های آن کاسته می‌شود. علامت بار الکتروسکوپ مخالف علامت بار میله و مثبت بوده است.

کمیت‌های فیزیکی را از یک نظر به دو دسته تقسیم می‌کنیم. کمیت‌هایی را که در مورد آن‌ها فقط جمع جبری به کار می‌رود، کمیت نرده‌ای (اسکالر) می‌نامند. مانند طول، جرم، زمان، دما، بار الکتریکی، اختلاف پتانسیل الکتریکی، چگالی سطحی بار، کار، انرژی و... کمیت‌هایی که در مورد آن‌ها جمع برداری به کار می‌رود، کمیت برداری نامیده می‌شوند. این کمیت‌ها علاوه بر مقدار (اندازه-بزرگی) دارای راستا (امتداد) و جهت (سو) نیز می‌باشند. مانند جبهه‌جایی، سرعت، شتاب، نیرو، میدان الکتریکی، میدان مغناطیسی و ...

تذکره: کمیتی مانند شدت جریان که برای آن جهت در نظر می‌گیریم، کمیتی نرده‌ای است، زیرا در مورد آن جمع جبری به کار می‌رود.

تعیین برآیند یا جمع چند بردار: در کتاب فیزیک یازدهم (فیزیک ۲) برآیند بردارهایی را بررسی می‌کنیم که یا هم‌راستا باشند و یا بر هم عمود باشند. الف) برآیند دو بردار هم‌راستا و هم‌جهت، برداری است در همان راستا، هم‌جهت با جهت بردارها و اندازه‌اش برابر مجموع اندازه دو بردار.

$$\vec{a} \quad \vec{b} \quad \vec{R} \quad \vec{R} = \vec{a} + \vec{b} \quad , \quad R = a + b$$

تذکره: وقتی می‌نویسیم \vec{a} ، منظور بردار \vec{a} است و وقتی می‌نویسیم a یا $|\vec{a}|$ اندازه بردار \vec{a} منظور ماست.

ب) برآیند دو بردار هم‌راستا و مخالف جهت یکدیگر، برداری است در همان راستا، هم‌جهت با بردار بزرگتر و اندازه‌اش برابر تفاضل اندازه دو بردار است.

$$\vec{a} \quad \vec{b} \quad \vec{R} \quad |\vec{b}| > |\vec{a}|$$

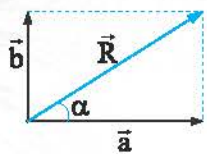
$$R = b - a$$

$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b}$$

تذکره: برآیند دو بردار هنگامی صفر است که اولاً هم‌راستا، ثانیاً مختلف‌الجهت و ثالثاً هم‌اندازه باشند.



پ) برآیند دو بردار عمود بر هم، برداری است منطبق بر قطر مربع یا مستطیلی که توسط دو بردار بنا می‌شود.



$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b}$$

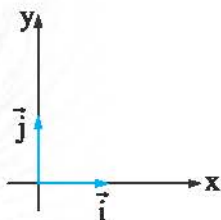
$$R = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\tan \alpha = \frac{b}{a}$$

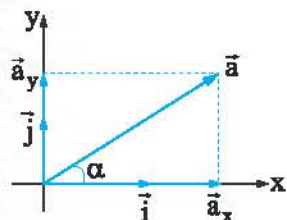
بردارهای یکه



به بردارهایی که ابتدایشان مبدأ مختصات، هم‌جهت با سوی مثبت محورها و اندازه‌شان برابر واحد است، بردار یکه می‌گویند. بردارهای یکه \vec{i} و \vec{j} به ترتیب مربوط به محورهای X و Y دستگاه مختصات دو بُعدی اند.



نمایش یک بردار به کمک بردارهای یکه: بردارهای \vec{a}_x و \vec{a}_y مؤلفه‌های بردار \vec{a} روی محورهای مختصات است.



$$\vec{a} = \vec{a}_x + \vec{a}_y$$

$$\begin{cases} \vec{a}_x = a_x \cdot \vec{i} \\ \vec{a}_y = a_y \cdot \vec{j} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j} \Rightarrow a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

اگر زاویه بین راستای بردار \vec{a} با سوی مثبت محور X باشد، در این صورت:

$$\left. \begin{aligned} a_x &= a \cos \alpha \\ a_y &= a \sin \alpha \end{aligned} \right\} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{a_y}{a_x}$$

مثال: بردارهای $\vec{a} = 7\vec{i} + 2\vec{j}$ ، $\vec{b} = -5\vec{j}$ و $\vec{c} = -3\vec{i}$ مفروض‌اند. بزرگی برآیند $\vec{R} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$ چند واحد است؟

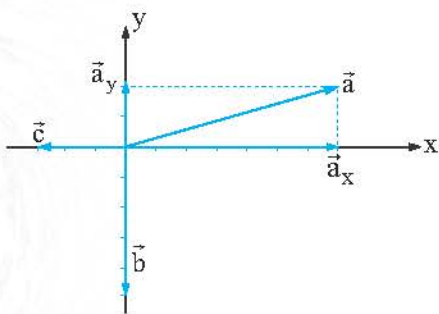
۱۱ (۴)

۷ (۳)

۵ (۲)

۱ (۱) صفر

پاسخ: گزینه «۲» درست است.



$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$$

$$\vec{R} = 7\vec{i} + 2\vec{j} - 5\vec{j} - 3\vec{i}$$

$$\vec{R} = 4\vec{i} - 3\vec{j}$$

$$R = \sqrt{4^2 + (-3)^2} = 5$$

مثال: با داشتن بردارهای $\vec{a} = 5\vec{i} + 4\vec{j}$ ، $\vec{b} = -2\vec{i} + 2\vec{j}$ و $\vec{c} = \vec{i} + 4\vec{j}$ بزرگی بردار $\vec{R} = \vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$ چند واحد است؟

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۸ (۲)

۵ (۱)

پاسخ: گزینه «۳» درست است.

$$\vec{R} = 5\vec{i} + 4\vec{j} - (-2\vec{i} + 2\vec{j}) + \vec{i} + 4\vec{j}$$

$$\vec{R} = 8\vec{i} + 6\vec{j}$$

$$R = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$$

به اعداد عبارت $(3n)^2 + (4n)^2 = (5n)^2$ که در آن n هر عددی می‌تواند باشد، اعداد فیثاغورس می‌گویند. این اعداد در تست‌ها کاربرد فراوانی دارند.



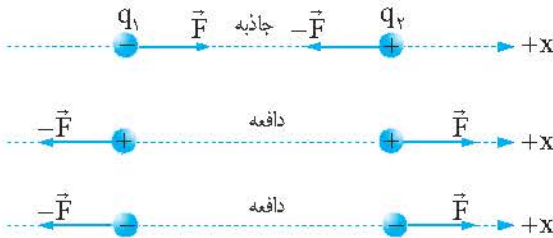
اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای، با حاصل ضرب اندازه دو بار، نسبت مستقیم و با مجذور فاصله دو بار نسبت وارون دارد.

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

ضریب تناسب در رابطه بالا «ثابت کولن» نامیده می‌شود.

راستای نیروی الکتریکی بین دو بار در راستای خط واصل دو بار است.



چون نیروی الکتریکی بین دو بار کُنش و واکنش یکدیگرند، اولاً نمی‌توان بین آن‌ها برابری در نظر گرفته، ثانیاً اگر اندازه دو بار مقادیر متفاوتی داشته باشند، اندازه نیروی وارد بر یکدیگر، یکسان‌اند.

یکای بار الکتریکی همان‌طور که گفته شد، کولن (C) است که یکای بزرگی است در عمل یکای مناسب برای بار با تقسیم کولن به 10^6 و 10^9 به‌کار می‌آید.

$$mC = 10^{-3} C \text{ میلی کولن}$$

$$\mu C = 10^{-6} C \text{ میکرو کولن}$$

$$nC = 10^{-9} C \text{ نانو کولن}$$

$$pC = 10^{-12} C \text{ پیکو کولن}$$

یک رابطه مفید برای حل تست: عموماً در تست‌های مربوط به کاربرد قانون کولن، یکای بار بر حسب μC و فاصله بین دو بار بر حسب سانتی‌متر (cm) است.

در این صورت همین اعداد را در رابطه زیر به‌کار برده و نیروی بین دو بار بر حسب نیوتن به‌دست می‌آید.

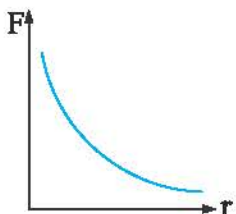
$$F = \frac{9 \cdot q_1 \cdot q_2}{r^2}$$

ϵ_0 ثابت جهانی است و ضریب گذردهی خلأ نامیده می‌شود. رابطه آن با ثابت کولن چنین است:

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k} \simeq 8.85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$

نمودار تغییرات نیروی الکتریکی بین دو بار بر حسب فاصله آن‌ها به‌صورت زیر است:

$$(F \propto \frac{1}{r^2})$$



رابطه مقایسه‌ای بین اندازه بارها و فاصله‌شان از یکدیگر با نیروی الکتریکی:

$$\frac{F'}{F} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

تذکره: در روابط مقایسه‌ای، تبدیل واحد انجام نمی‌دهیم.